

Per la formula di Gauss-Green

(5)

$$\int_{\gamma'} \omega_2 = \int_{\gamma''} \omega_2$$

con γ'' di ~~integrale~~ $y^6 + z^4 = 1/4$ e orientata in senso antiorario.

Una parametrizzazione regolare a tratti di γ'' è data da

$$\begin{cases} y = \frac{1}{\sqrt[3]{2}} \sqrt[3]{\cos \theta} \\ z = \frac{1}{\sqrt[3]{2}} \sqrt{|\sin \theta|} \cdot \operatorname{sgn}(\sin \theta) \end{cases}$$

$$\theta \in [0, 2\pi].$$

Da cui (posto $c = \cos \theta$, $s = \sin \theta$)

$$\int_{\gamma} \omega = \int_0^{2\pi} \left(\frac{-3c^{2/3}|s|}{\frac{1}{4} 2^{2/3} \cdot 2}, \frac{2c|s|^{1/2} \operatorname{sgn}(s)}{\frac{1}{4} \cdot 2 \cdot 2^{1/2}} \right) \cdot \left(\frac{1}{3 \cdot 2^{1/3}} c^{-2/3} (-s), \frac{1}{2^{3/2}} |s|^{-1/2} \cdot c \right) d\theta$$

$$= \int_0^{2\pi} (s|s| + c^2 \operatorname{sgn}(s)) d\theta = \int_0^{2\pi} \operatorname{sgn}(\sin \theta) d\theta = 0.$$