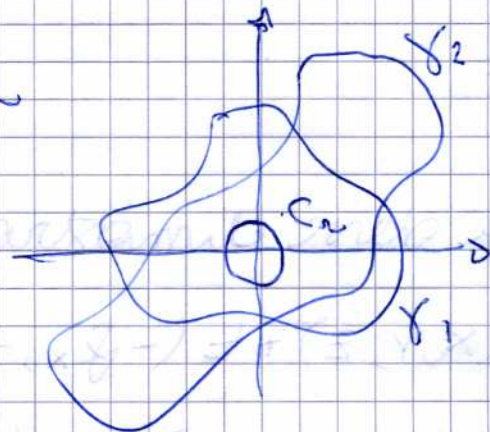


Il punto (b) è semplice, infatti prese γ_1, γ_2 due curve ^{chiuse} semplici che circondano l'origine si ha:

$$\int_{\gamma_1} \omega = \int_{C_n} \omega = \int_{\gamma_2} \omega$$

con C_n circonferenze con centro nell'origine e raggio piccolo per le formule di Gauss-Green nel piano.



Quindi, $\forall \gamma$ curve chiuse che circondano l'origine:

$$\int_{\gamma} \omega = \int_{C_n} \omega$$

per n opportuno. Ma ω è chiusa su $\mathbb{R}^2 \setminus \{0\}$ quindi per il Thm di Gauss-Green

$$\int_{C_n} \omega = \int_{C_R} \omega \quad \forall n, R$$

quindi:

$$\int_{\gamma} \omega = k \in \mathbb{R} \quad \forall \gamma \text{ come sopra}$$

Quindi:

$$\int_{\gamma} \omega - \frac{k}{2\pi} \left(-\frac{y}{x^2+y^2} dx + \frac{x}{x^2+y^2} dy \right) = 0$$

se γ circonda l'origine per la scelta di k .

Se γ non circonda l'origine l'integrale è 0 e tale forma risulta chiusa su un sempl. connesso.