

Discontinuità e limiti: Poiché $h \nabla \nabla \nabla (-\infty, 0)$ otteniamo

$$f(x) \stackrel{x > 0}{\geq} (x^2 - x) |\ln|x||^\pi \Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

ed inoltre $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$.

Se invece si vuol calcolare il limite a $-\infty$ si ripete:

$$f(x) \stackrel{x < 0}{\leq} \underbrace{\int_x^2 h(t) dt}_{> 0} + \int_2^{x^2} h(t) dt \geq (x^2 - 2) |\ln|2||^\pi$$

da cui di nuovo $\lim_{x \rightarrow +\infty} f = +\infty$ e poiché $x < 0$

$$\frac{f(x)}{x} \leq \left(x - \frac{2}{x}\right) |\ln 2|^\pi \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty.$$

Comunque, agli stessi risultati si perviene calcolando la derivata prima e studiandone i limiti a $\pm\infty$.

Derivata prima: Tenendo conto della decomposizione

$$f(x) = \left(\int_x^1 + \int_{-1}^1 + \int_1^{x^2} \right) h(t) dt$$

f risulta di classe $C^1(\mathbb{R} \setminus \{0\})$, con

$$f'(x) = 2x \cdot |2 \ln|x||^\pi - |\ln|x||^\pi = (2^{\pi+1}x - 1) |\ln|x||^\pi$$

avendo usato il Teorema Fond. del Calcolo. Poiché

$$\lim_{x \rightarrow 0} f' = -\infty$$

f ha un flesso a tg verticale in $x=0$.