

Esendo  $f(x) = E(|\ln x|)$ ,  $f \in C^1((0, +\infty) \setminus \{1\})$  ④  
con

$$\begin{aligned} f'(x) &= h(|\ln x|) \frac{\operatorname{sgn}(\ln x)}{x} \\ &= \frac{e^{3|\ln x|}}{1 + \ln^2 x} \frac{\operatorname{sgn}(\ln x)}{x} \end{aligned}$$

Inoltre,

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f' = 1, \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} f' = -1$$

quindi  $x=1$  è un punto angoloso.

Si noti che

$$\begin{aligned} f'(x) \geq 0 &\Leftrightarrow \operatorname{sgn}(\ln x) \geq 0 \\ &\Leftrightarrow x > 1 \end{aligned}$$

quindi

$$f \nearrow \nearrow \text{ su } (1, +\infty)$$

$$f \searrow \searrow \text{ su } (0, 1)$$

da cui  $x=1$  minimo assoluto.

Infine, poiché  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f' = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{1 + \ln^2 x} = +\infty$ ,  $f$  non ha asintoti ~~orizzontali~~ qui a  $+\infty$ .

Per lo studio della concavità/convessità si osserva che  $f \in C^2((0, +\infty) \setminus \{1\})$  e per tali  $x$

$$\begin{aligned} f''(x) &= \frac{e^{3|\ln x|}}{x^2(1 + \ln^2 x)^2} \left( -\operatorname{sgn}(\ln x) [1 + \ln^2 x + 2\ln x] \right. \\ &\quad \left. + \frac{3}{x} x(1 + \ln^2 x) \right) \\ &= \frac{e^{3|\ln x|}}{x^2(1 + \ln^2 x)^2} \left( (3 - \operatorname{sgn}(\ln x)) \ln^2 x - 2|\ln x| + \right. \\ &\quad \left. 3 - \operatorname{sgn}(\ln x) \right) \end{aligned}$$