

ESERCIZIO 2: Sia $f(x) = \frac{e^x}{\sqrt{e^{2x} - 4e^x + 3}}$, allora (2)

con la sostituzione $t(x) = e^x$ si ottiene

$$\int f(x) dx = \int \frac{1}{\sqrt{t^2 - 4t + 3}} dt$$

Poiché $t^2 - 4t + 3 = (t-1)(t-3) = (t-2)^2 - 1$, usando la sostituzione $t = 2 + \cosh s$ segue

$$\int \frac{1}{\sqrt{t^2 - 4t + 3}} dt = \int \frac{1}{\cancel{\cosh s} \sqrt{\cosh^2 s - 1}} ds = s + \text{cost.}$$

da cui:

$$\int f(x) dx = \text{artcosh}(e^x - 2) + \text{cost.}$$

$$\stackrel{\uparrow}{=} \ln(e^x - 2 + \sqrt{e^{2x} - 4e^x + 3}) + \text{cost.}$$

$$\text{artcosh } y = \ln(y + \sqrt{y^2 - 1})$$