

Quindi su $(\sqrt{3}, +\infty)$: $f''(x) \geq 0 \Leftrightarrow x^2 \leq 12 \Leftrightarrow \sqrt{3} < x < 2\sqrt{3}$

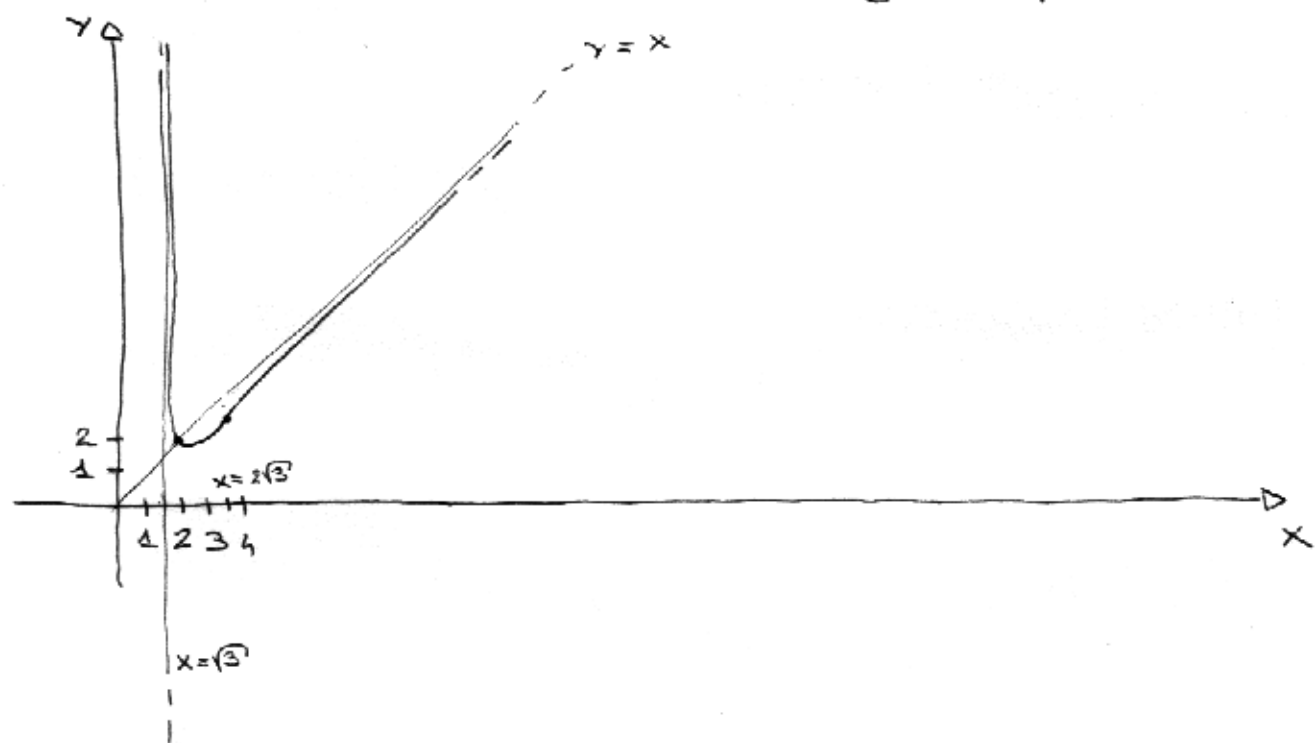
(4)

da cui:

f convessa su $\sqrt{3} < x < 2\sqrt{3}$

f concava su $x > 2\sqrt{3}$

$x = 2\sqrt{3}$ flessa a tg obliqua



Che il punto $x=2$ (e $x=-2$) fosse punto di minimo assoluto si può trovare anche ricordando che

$a^2 + b^2 \geq 2|ab|$ e che c'è uguaglianza se $a=b$, quindi se $a^2 = \sqrt{x^2 - 3}$, $b^2 = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 3}}$, si ha che

$$f(x) \geq 2 \text{ e } f(x) = 2 \Leftrightarrow \sqrt{x^2 - 3} = 1 \Leftrightarrow x^2 - 3 = 1 \Leftrightarrow |x| = 2$$