

Nome e cognome:

**Scritto di Matematica per cdl in Alimentari e Viticoltura ed Enologia  
Prova scritta (9 o 12 crediti) del 20 Febbraio 2014**

1) Trovare il valore massimo e minimo assoluto di

$$f(x) = \frac{x + \sqrt{2}}{\sqrt{x^2 + 2}}$$

quando  $x$  varia nell'intervallo  $[0, 3]$ . Studiare anche la crescita e decrescenza di  $f$  in tutto  $\mathbb{R}$ .

derivata prima di $f$
intervalli di $\mathbb{R}$ in cui $f$ cresce
e in cui $f$ decresce
punti candidati ad essere di max/min assoluto in $[0, 3]$
$x$ di max e valore max ; $x$ di min e valore min

Svolgimento:

2) Sia  $f(x) = x^2 + 4 \ln(x + 3)$ . La funzione ha come dominio  $(-3, +\infty)$ .  
Il grafico interseca l'asse  $x$  solo in  $x = -2,87$ . I limiti sono:

$$\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty.$$

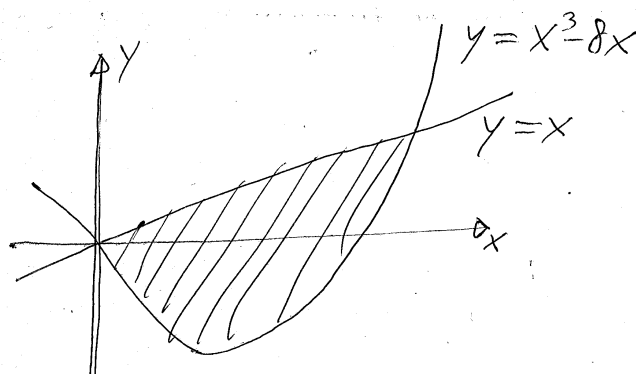
- Scrivere la derivata prima e seconda di  $f$ ;
- dire dove  $f$  cresce, dove decresce e quali sono i suoi punti critici;
- studiare la concavità e disegnare il grafico di  $f$ .

**(Non studiare il segno di  $f$ .)**

derivata prima di $f$
intervalli del dominio in cui $f$ cresce
e in cui $f$ decresce
derivata seconda di $f$
intervalli del dominio in cui $f$ è concava verso l'alto
e in cui è concava verso il basso

Svolgimento e grafico:

3) Scrivere l'area tratteggiata in figura come un opportuno integrale. Calcolare una approssimazione di questo integrale tramite il metodo dei punti medi con  $n = 5$ . (Non è richiesto di calcolare il valore dell'integrale tramite l'uso delle primitive.)



coordinate necessarie per impostare l'integrale:
--

scrivere l'area come un integrale
-----------------------------------

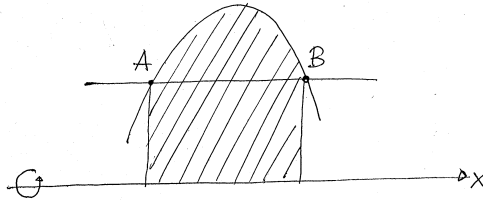
coordinate $x$ dei punti in cui si suddivide l'intervallo
---

Valore approssimato dell'integrale
------------------------------------

Svolgimento:

4) La retta orizzontale  $y = 1$  interseca la parabola  $y = 3 + x - x^2$  in due punti  $A$  e  $B$ . Si considera il solido di rotazione ottenuto ruotando l'arco di parabola di estremi  $A$  e  $B$  di  $360^\circ$  intorno all'asse  $x$ .

- a) Scrivere il volume di tale solido tramite un opportuno integrale;  
 b) Calcolare tale integrale (quello che esprime il volume) usando le primitive.



coordinate $x$ di $A$ e di $B$
integrale che esprime il volume del solido
primitive necessarie
volume del solido

Svolgimento:

Nome e cognome:
-----------------

**Scritto di Matematica per cdl in Alimentari e Viticoltura ed Enologia  
Prova scritta (9 o 12 crediti) del 20 Febbraio 2014**

1) Trovare il valore massimo e minimo assoluto di

$$f(x) = 10 \frac{(\sqrt{5} - x)}{\sqrt{x^2 + 5}}$$

quando  $x$  varia nell'intervallo  $[-3, 0]$ . Studiare anche la crescita e decrescenza di  $f$  in tutto  $\mathbb{R}$ .

derivata prima di $f$
-----------------------

intervalli di $\mathbb{R}$ in cui $f$ cresce
--

e in cui $f$ decresce
-----------------------

punti candidati ad essere di max/min assoluto in $[-3, 0]$
--

$x$ di max e valore max		$x$ di min e valore min
-------------------------	--	-------------------------

Svolgimento:

2) Sia  $f(x) = x^2 - 8 \ln(x + 3)$ . La funzione ha come dominio  $(-3, +\infty)$ .  
 Il grafico interseca l'asse  $x$  solo in  $x = -1,61$  e  $x = 3,93$ . I limiti sono:

$$\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = +\infty, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty.$$

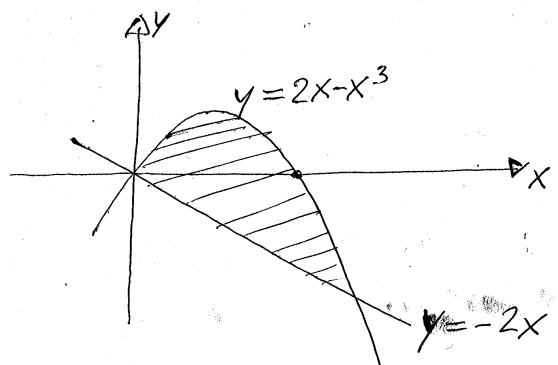
- Scrivere la derivata prima e seconda di  $f$ ;
- dire dove  $f$  cresce, dove decresce e quali sono i suoi punti critici;
- studiare la concavità e disegnare il grafico di  $f$ .

**(Non studiare il segno di  $f$ .)**

derivata prima di $f$
intervalli del dominio in cui $f$ cresce
e in cui $f$ decresce
derivata seconda di $f$
intervalli del dominio in cui $f$ è concava verso l'alto
e in cui è concava verso il basso

Svolgimento e grafico:

3) Scrivere l'area tratteggiata in figura come un opportuno integrale. Calcolare una approssimazione di questo integrale tramite il metodo dei punti medi con  $n = 5$ . (Non è richiesto di calcolare il valore dell'integrale tramite l'uso delle primitive.)

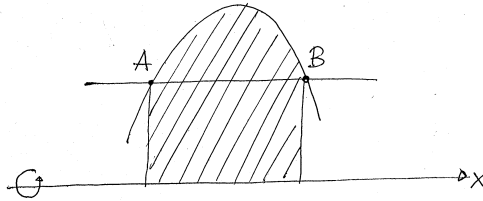


coordinate necessarie per impostare l'integrale:
scrivere l'area come un integrale
coordinate $x$ dei punti in cui si suddivide l'intervallo
Valore approssimato dell'integrale

Svolgimento:

4) La retta orizzontale  $y = 2$  interseca la parabola  $y = 4 - x - x^2$  in due punti  $A$  e  $B$ . Si considera il solido di rotazione ottenuto ruotando l'arco di parabola di estremi  $A$  e  $B$  di  $360^\circ$  intorno all'asse  $x$ .

- Scrivere il volume di tale solido tramite un opportuno integrale;
- Calcolare tale integrale (quello che esprime il volume) usando le primitive.



coordinate $x$ di $A$ e di $B$
integrale che esprime il volume del solido
primitive necessarie
volume del solido

Svolgimento:



Nome e cognome:
-----------------

**Scritto di Matematica per cdl in Alimentari e Viticoltura ed Enologia  
Prova scritta (9 o 12 crediti) del 20 Febbraio 2014**

1) Trovare il valore massimo e minimo assoluto di

$$f(x) = 10 \frac{\sqrt{x^2 + 9}}{x + \sqrt{3}}$$

quando  $x$  varia nell'intervallo  $[0, 10]$ . Studiare anche la crescita e decrescenza di  $f$  in tutto  $\mathbb{R}$ .

derivata prima di $f$
intervalli di $\mathbb{R}$ in cui $f$ cresce
e in cui $f$ decresce
punti candidati ad essere di max/min assoluto in $[0, 10]$
$x$ di max e valore max ; $x$ di min e valore min

Svolgimento:

2) Sia  $f(x) = -x^2 - \frac{3}{2} \ln(x+2)$ . La funzione ha come dominio  $(-2, +\infty)$ .  
 Il grafico interseca l'asse  $x$  solo in  $x = -1,91$ . I limiti sono:

$$\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = +\infty, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty.$$

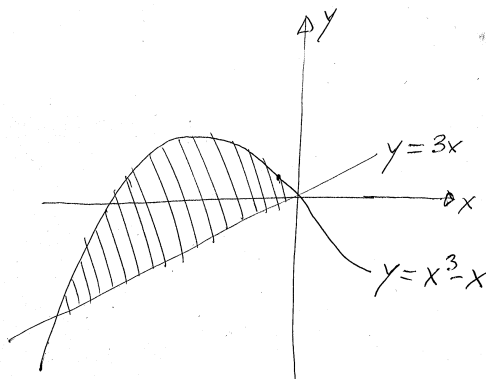
- a) Scrivere la derivata prima e seconda di  $f$ ;  
 b) dire dove  $f$  cresce, dove decresce e quali sono i suoi punti critici;  
 c) studiare la concavità e disegnare il grafico di  $f$ .

**(Non studiare il segno di  $f$ .)**

derivata prima di $f$
intervalli del dominio in cui $f$ cresce
e in cui $f$ decresce
derivata seconda di $f$
intervalli del dominio in cui $f$ è concava verso l'alto
e in cui è concava verso il basso

Svolgimento e grafico:

3) Scrivere l'area tratteggiata in figura come un opportuno integrale. Calcolare una approssimazione di questo integrale tramite il metodo dei punti medi con  $n = 5$ . (Non è richiesto di calcolare il valore dell'integrale tramite l'uso delle primitive.)

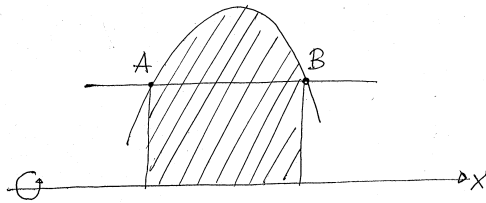


coordinate necessarie per impostare l'integrale:
scrivere l'area come un integrale
coordinate $x$ dei punti in cui si suddivide l'intervallo
Valore approssimato dell'integrale

Svolgimento:

4) La retta orizzontale  $y = 3$  interseca la parabola  $y = 3 - x^2 - 3x$  in due punti  $A$  e  $B$ . Si considera il solido di rotazione ottenuto ruotando l'arco di parabola di estremi  $A$  e  $B$  di  $360^\circ$  intorno all'asse  $x$ .

- Scrivere il volume di tale solido tramite un opportuno integrale;
- Calcolare tale integrale (quello che esprime il volume) usando le primitive.



coordinate $x$ di $A$ e di $B$
integrale che esprime il volume del solido
primitive necessarie
volume del solido

Svolgimento: